

Problema 4. Se consideră numerele reale a și b , cu $a < b$.
Spunem că funcția $f : [a, b) \rightarrow [a, b)$ are proprietatea (P), dacă:

$$\text{pentru orice } x \in [a, b), f(x) \in \{x - 1, x + 1\}.$$

Demonstrați că există o funcție injectivă cu proprietatea (P), dacă și numai dacă $b - a$ este un număr natural par.