



SOLUȚIE

Problema 3. Arătați că nu există numere reale x , astfel încât

$$|x - \sqrt{3}| + |x - \frac{3}{2}| = x - 2.$$

Vasile Predan, Curtea de Argeș

Soluție. În membrul stâng avem o sumă de module și atunci trebuie ca $x - 2 \geq 0$, adică $x \geq 2$. Pentru $x \geq 2$ avem $x - \sqrt{3} > 0$ și $x - \frac{3}{2} > 0$, de unde rezultă $|x - \sqrt{3}| = x - \sqrt{3}$ și $|x - \frac{3}{2}| = x - \frac{3}{2}$. Cu acestea ecuația devine $x - \sqrt{3} + x - \frac{3}{2} = x - 2$, de unde $x = \sqrt{3} - \frac{1}{2}$. Dar $\sqrt{3} - \frac{1}{2} < 2$. Așadar, ecuația nu are soluții.