

Problema 4

Fie $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ o funcție mărginită cu proprietatea că există $a \in \mathbb{R}^*$ astfel încât $f(x+a) + f(x-a) = 2f(x)$, pentru orice $x \in \mathbb{R}$. Demonstrați că funcția f este periodică.